

1468C6CB

3C8C44B218A7

ISTANBUL, TURKEY

shp\_050094 4E4

LAT 41.00825500°N  
LON 28.97845268°E

ROUTE 929S

shp\_705347 8RF

LAT 41.00825500°N  
LON 28.97845459°E

ROUTE 452N

bus\_172503 966

LAT 41.00824738°N  
LON 28.97845078°E

ROUTE 66SE

taxi\_663158 F8E

LAT 41.00823712°N  
LON 28.97839928°E

ROUTE 928N



# Haciendo que Bender peinse

*Introduccion a deep learning*

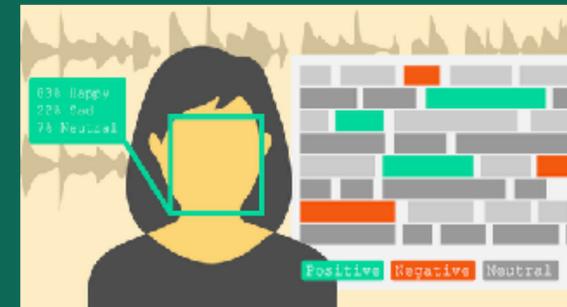
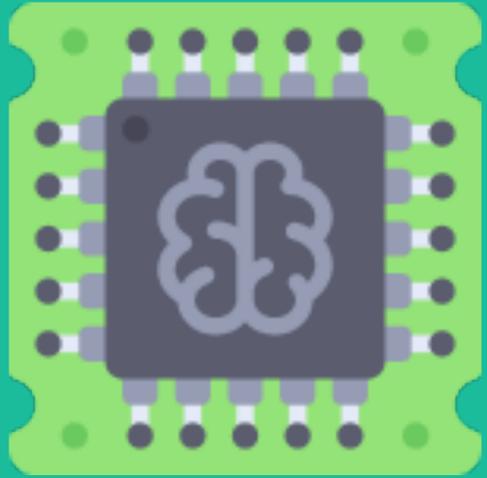


ISTANBUL  
vtomasv.net

# Artificial Intelligence

## Machine Learning

## Deep Learning



1950

1960

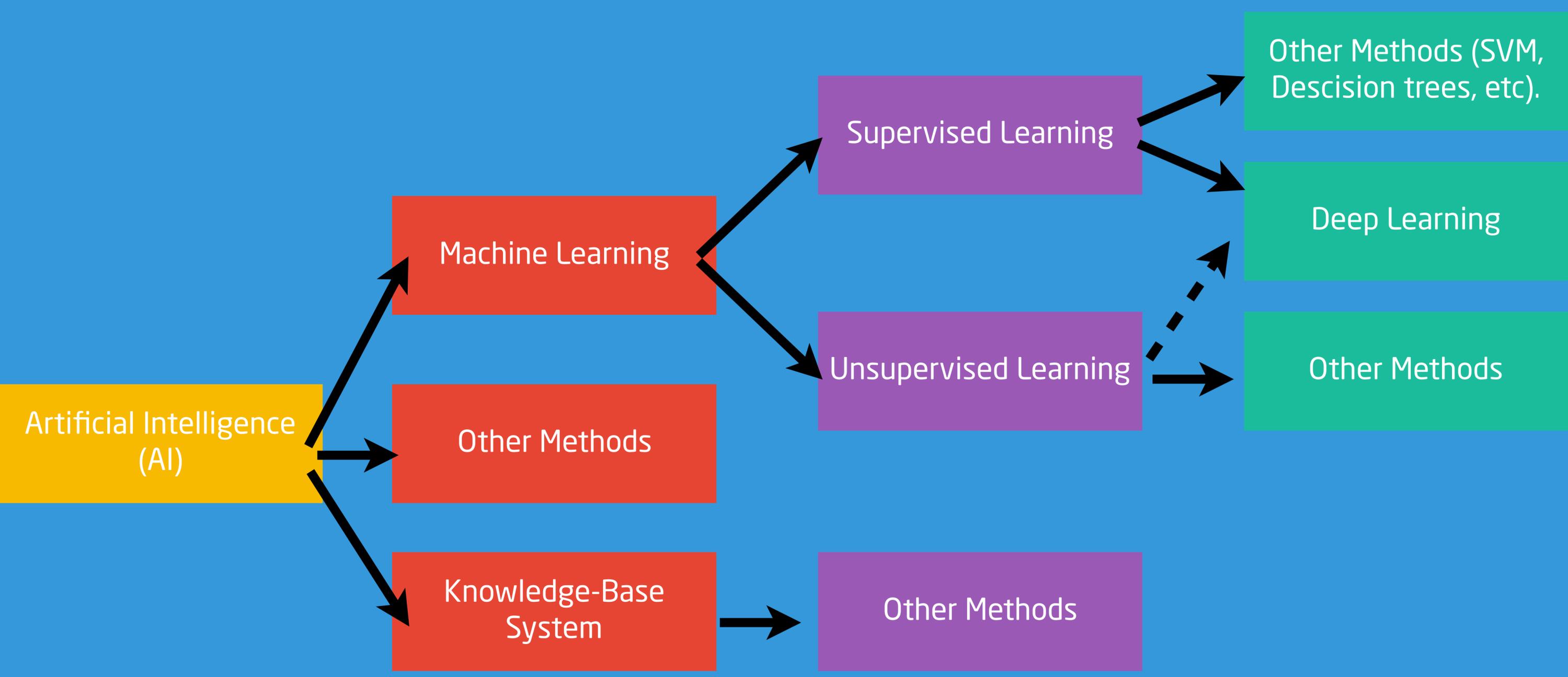
1970

1980

1990

2000

2010



# De que hablamos cuando hablamos de Deep Learning



Es una película excelente, si lo que quieres es perder el tiempo y tienes poco cerebro.

¿Inteligencia?

Machine Learning

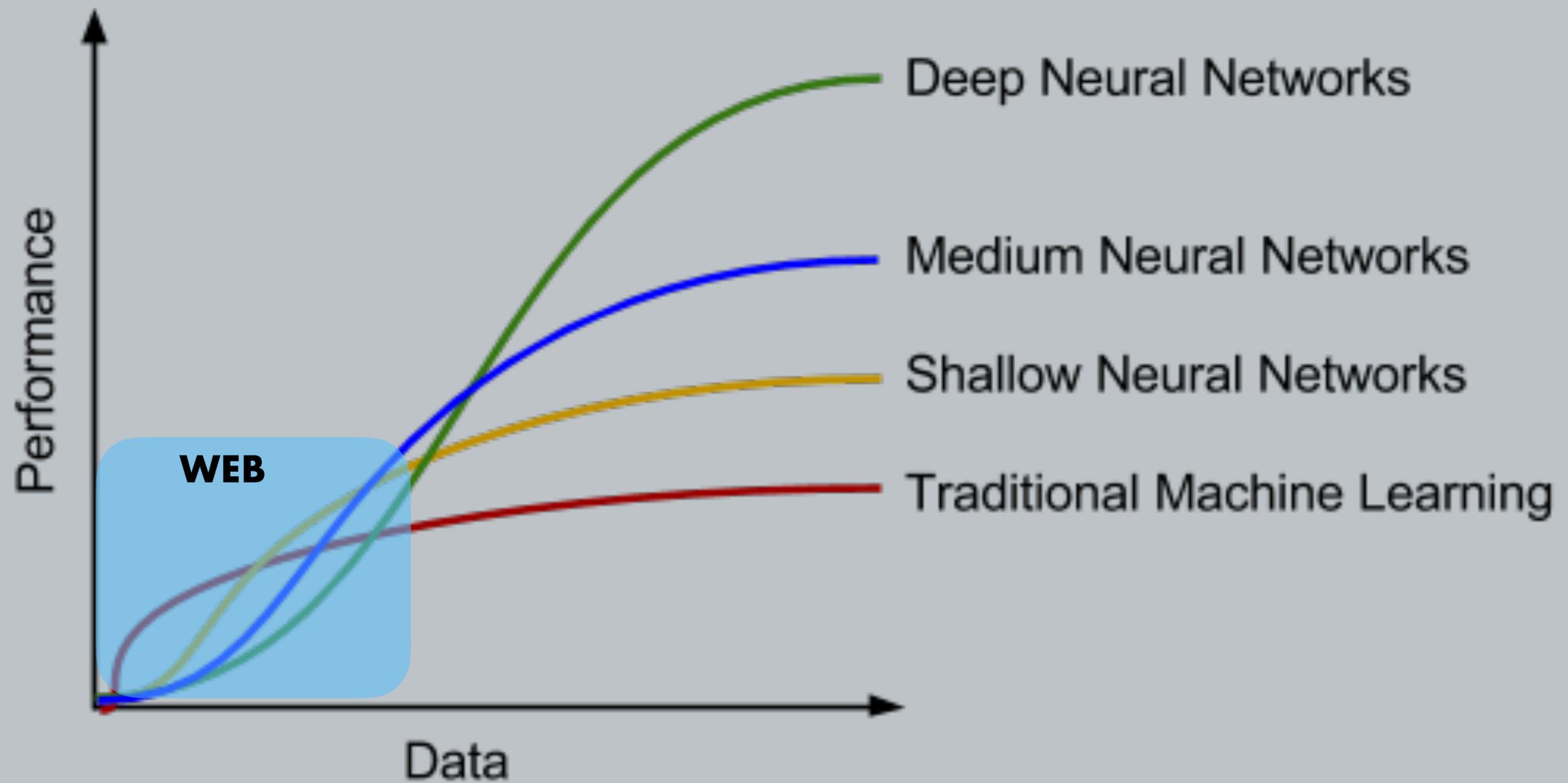
Encontrar características en textos,  
sentimiento , etc.

Deep Learning

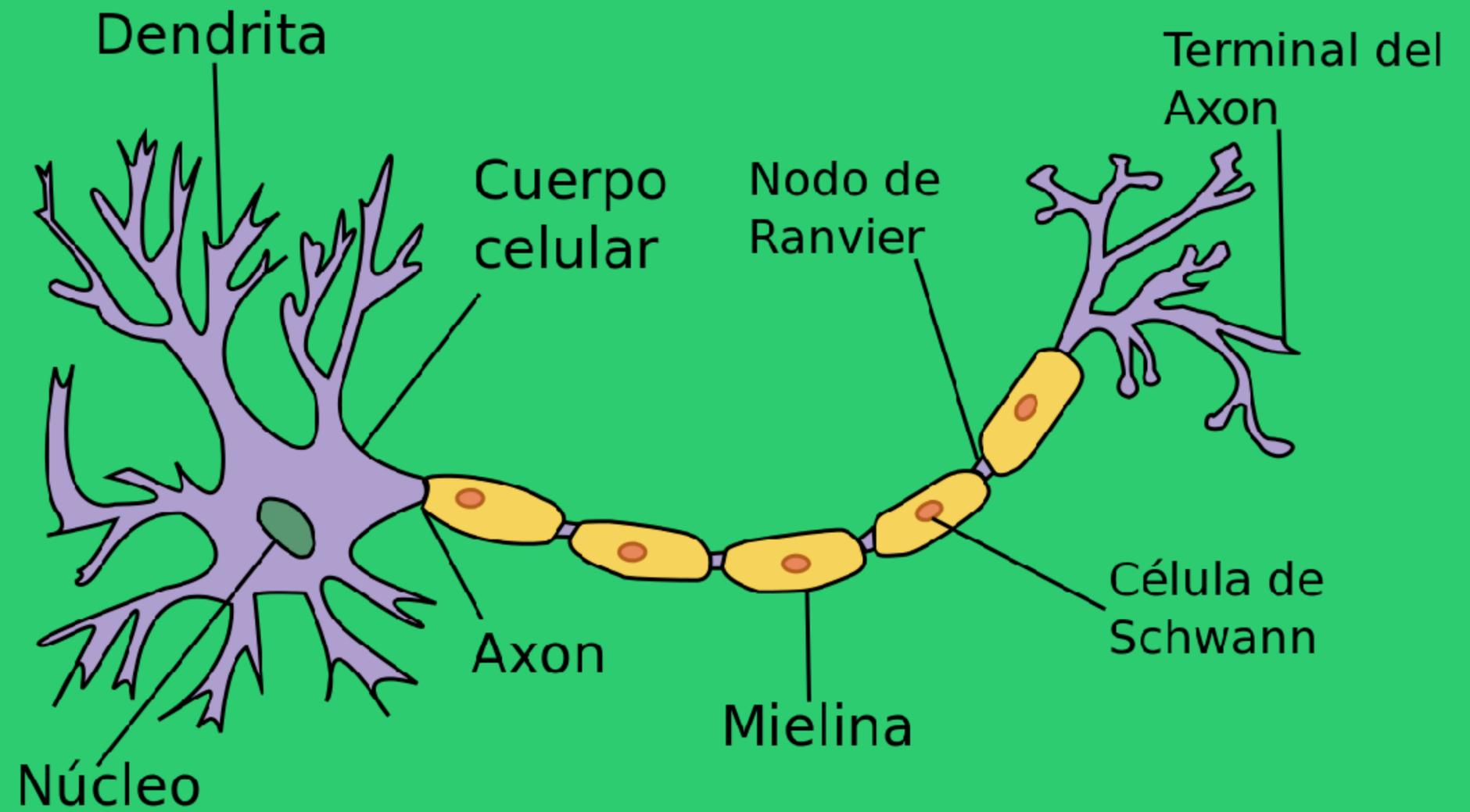
Automatiza el procesamiento y se basa en la  
clasificación estadística.

Estas técnicas existen desde hace mucho tiempo!

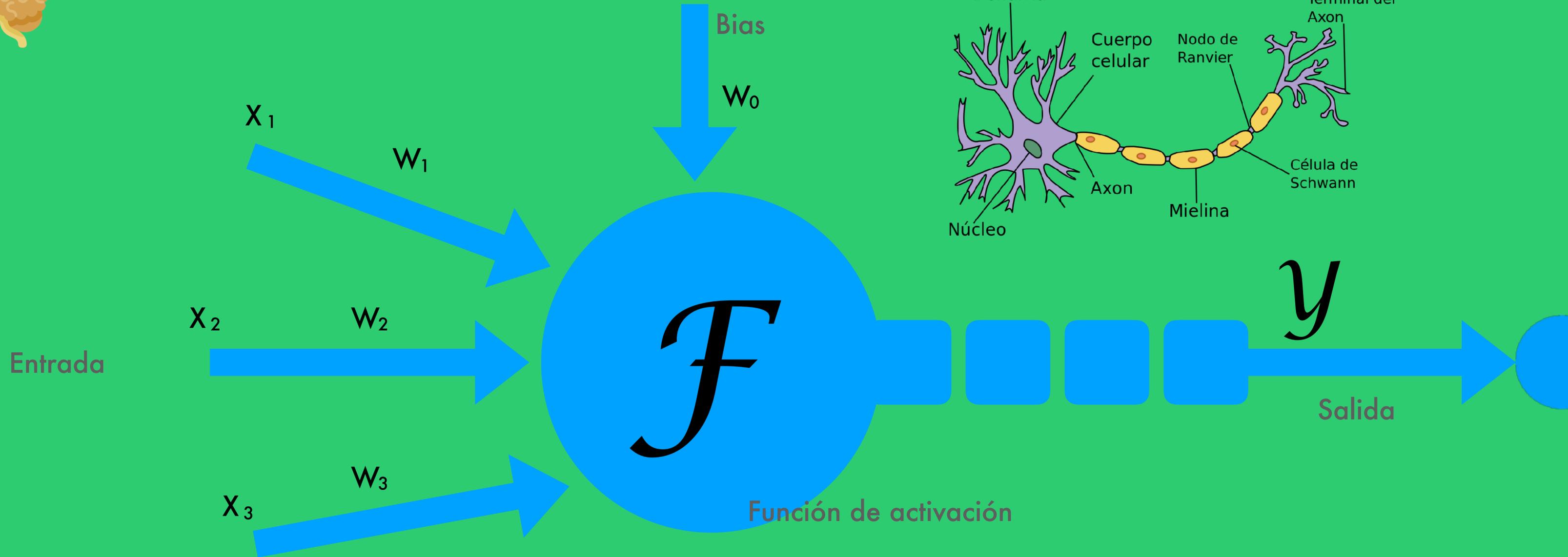
¿Cual es la real diferencia?



¿Cantidad de Datos vs Calidad de Datos?



# Redes Neuronales



# Perceptron



$$\begin{aligned} X_1 & * W_1 \\ X_2 & * W_2 + W_0 = C \\ X_3 & * W_3 \end{aligned}$$

Perceptron



$$y = \mathcal{F}(c)$$

Valor

$$W * X + b = Y$$

Predicción

Weights

Bias

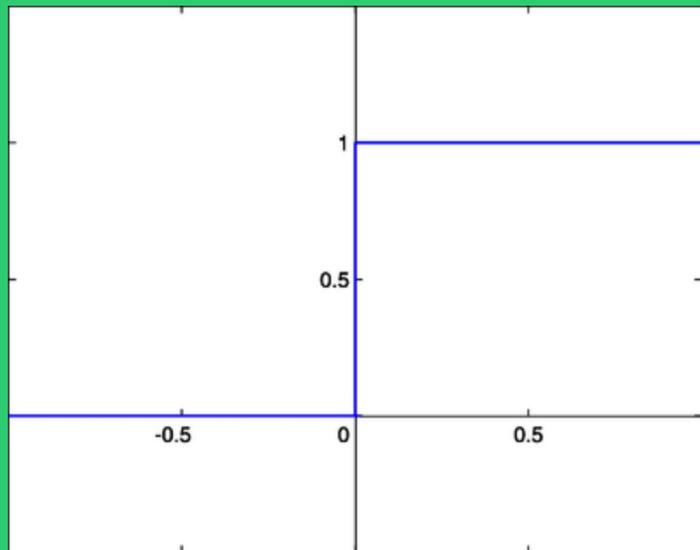
Trained

Funciones de activación

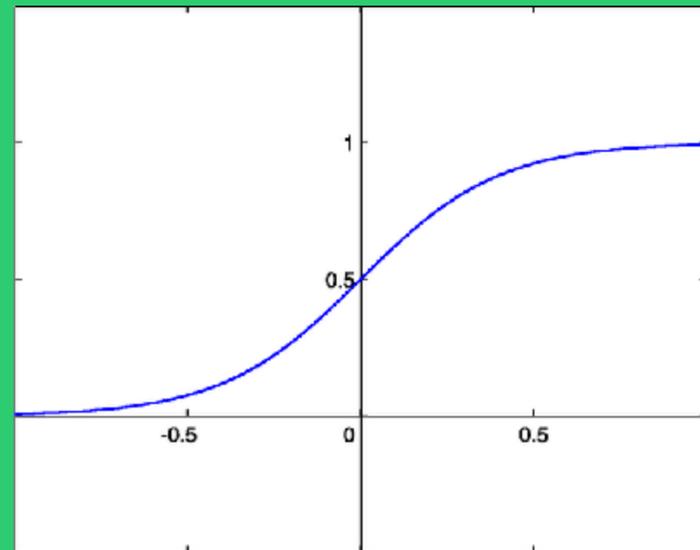


$$y = \mathcal{F}(c)$$

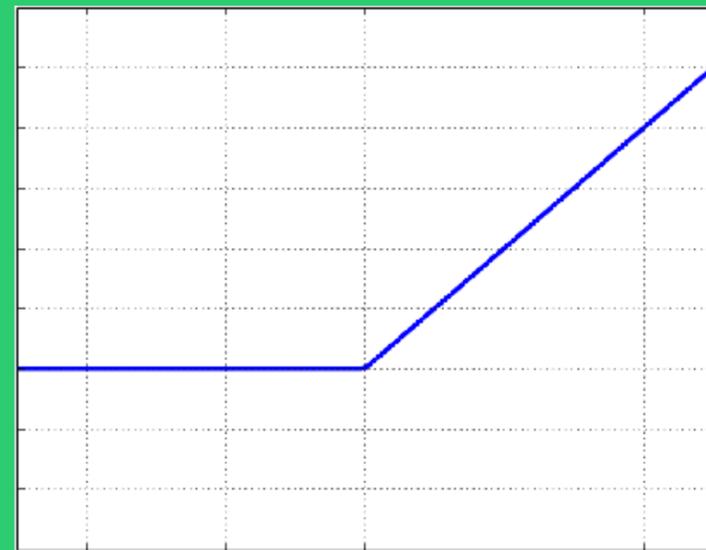
Binary Step



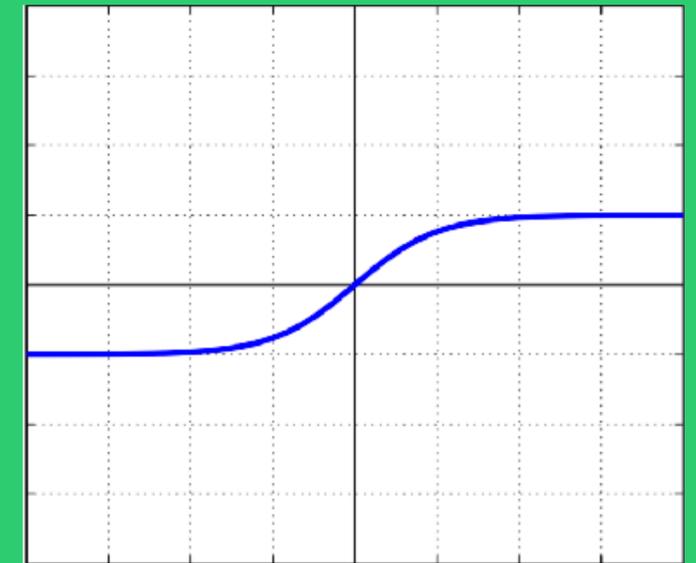
Sigma



Relu



Tanh

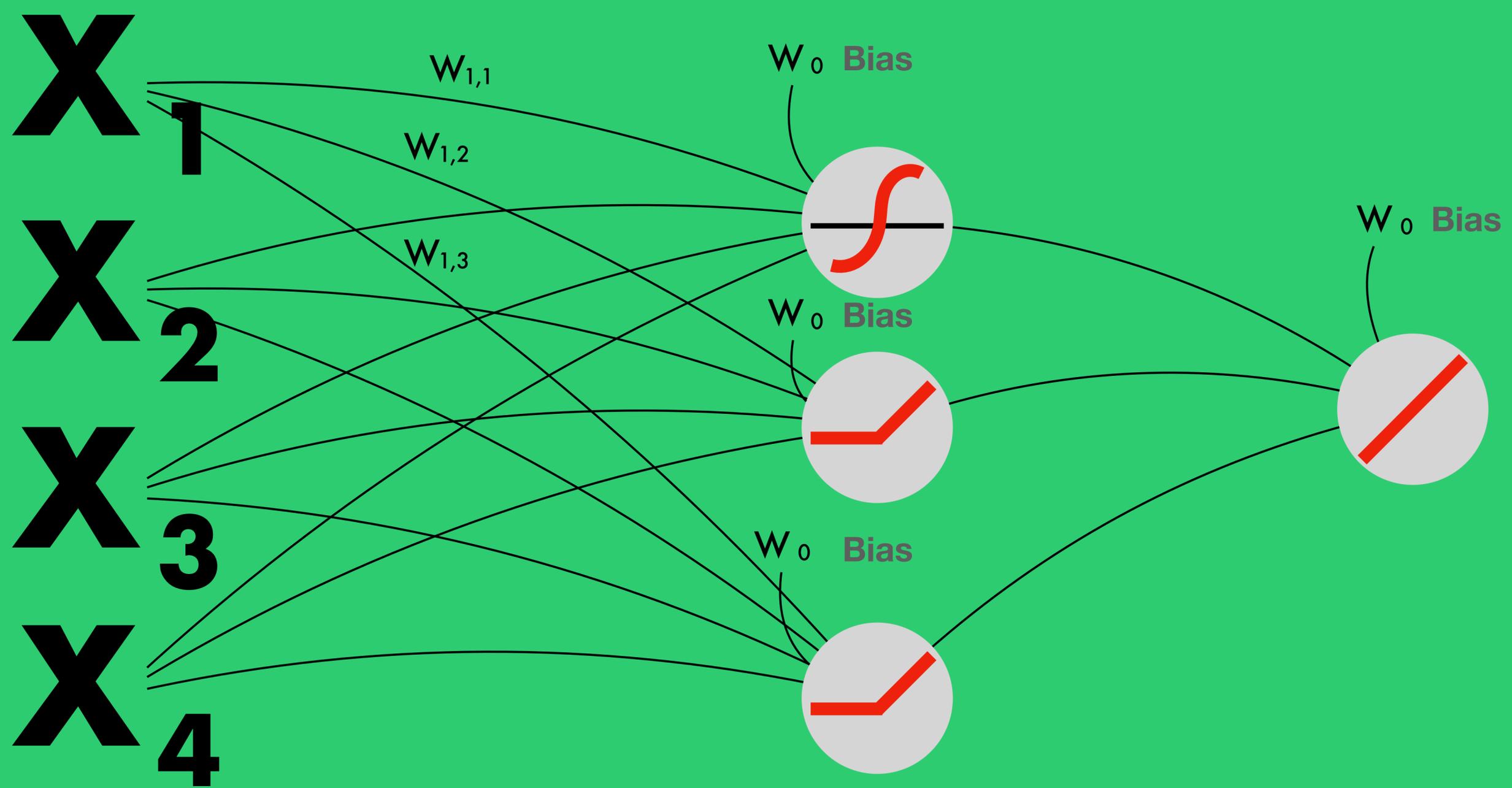


# Funciones de activación

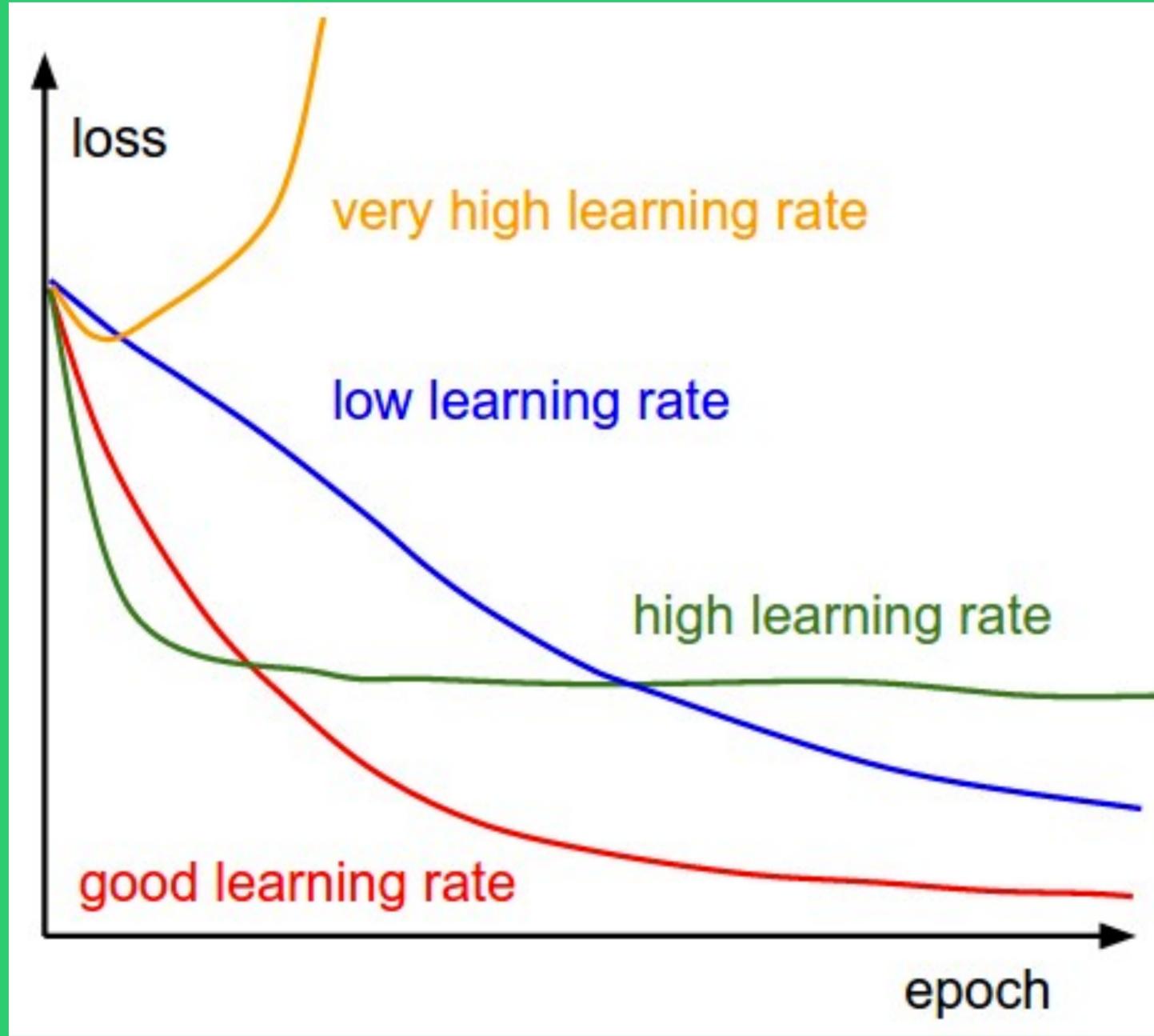


Name	Plot	Equation	Derivative
Identity		$f(x) = x$	$f'(x) = 1$
Binary step		$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ 1 & \text{for } x \geq 0 \end{cases}$	$f'(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x \neq 0 \\ ? & \text{for } x = 0 \end{cases}$
Logistic (a.k.a Soft step)		$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$	$f'(x) = f(x)(1 - f(x))$
Tanh		$f(x) = \tanh(x) = \frac{2}{1 + e^{-2x}} - 1$	$f'(x) = 1 - f(x)^2$
ArcTan		$f(x) = \tan^{-1}(x)$	$f'(x) = \frac{1}{x^2 + 1}$
Rectified Linear Unit (ReLU)		$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ x & \text{for } x \geq 0 \end{cases}$	$f'(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ 1 & \text{for } x \geq 0 \end{cases}$
Parameteric Rectified Linear Unit (PReLU) [2]		$f(x) = \begin{cases} \alpha x & \text{for } x < 0 \\ x & \text{for } x \geq 0 \end{cases}$	$f'(x) = \begin{cases} \alpha & \text{for } x < 0 \\ 1 & \text{for } x \geq 0 \end{cases}$
Exponential Linear Unit (ELU) [3]		$f(x) = \begin{cases} \alpha(e^x - 1) & \text{for } x < 0 \\ x & \text{for } x \geq 0 \end{cases}$	$f'(x) = \begin{cases} f(x) + \alpha & \text{for } x < 0 \\ 1 & \text{for } x \geq 0 \end{cases}$
SoftPlus		$f(x) = \log_e(1 + e^x)$	$f'(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$

# Funciones de activación



# Funciones de activación

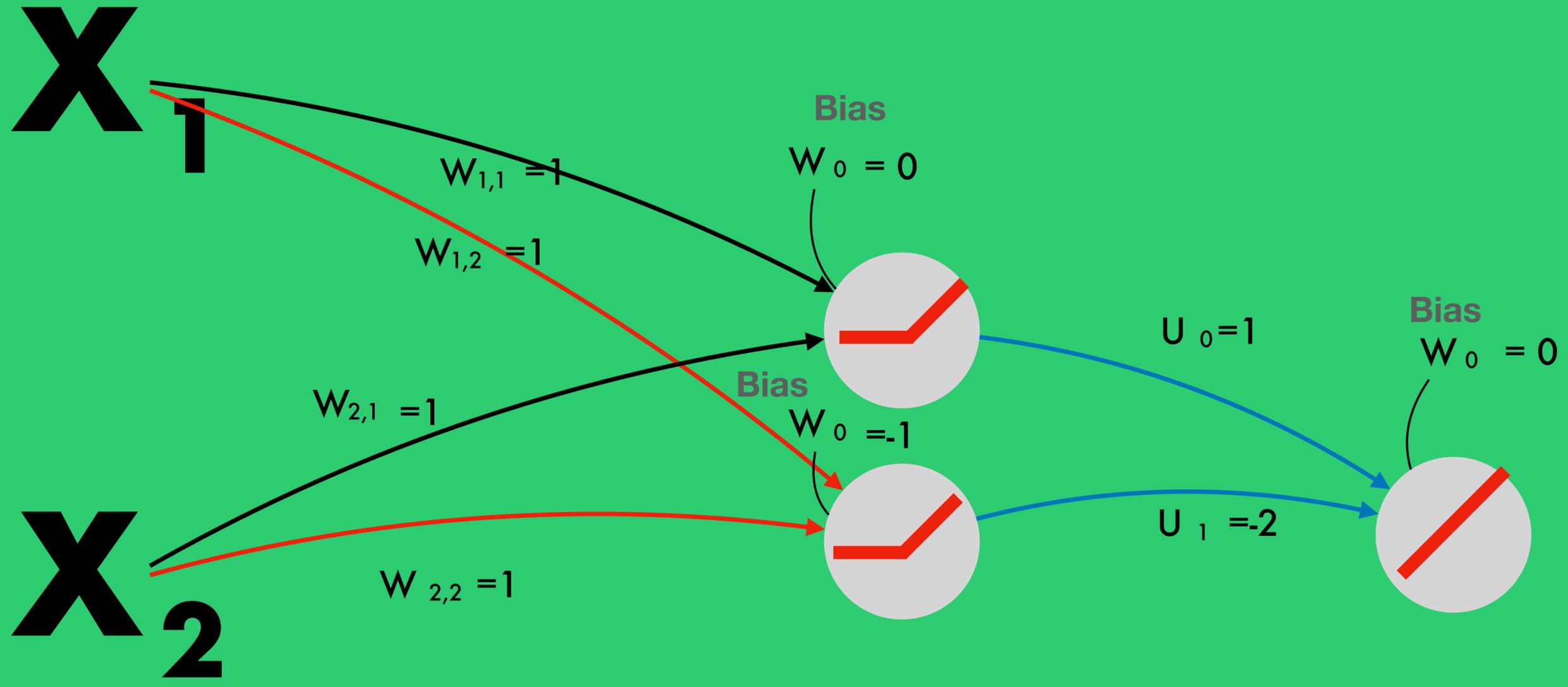


La red no puede aprender mas que los datos



A	B	A <b>XOR</b> B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

XOR



XOR



$$X_1^{(1)} = 0 \quad \text{relu}((0 * 1) + (0 * 1) + 0) = 0$$

$$X_2^{(1)} = 0 \quad \text{relu}((0 * 1) + (0 * 1) + (-1)) = 0$$

$$\hat{Y} = \text{idem}(0 * 1 + 0 * -2 + 0) = 0$$

Combinación 1



$$X_1^{(1)} = 1 \quad \text{relu}((1 * 1) + (0 * 1) + 0) = 1$$

$$X_2^{(1)} = 0 \quad \text{relu}((1 * 1) + (0 * 1) + (-1)) = 0$$

$$\hat{Y} = \text{idem}(1 * 1 + 0 * -2 + 0) = 1$$

## Combinación 2



$$X_1^{(1)} = 0 \quad \text{relu}((0 * 1) + (1 * 1) + 0) = 1$$

$$X_2^{(1)} = 1 \quad \text{relu}((0 * 1) + (1 * 1) + (-1)) = 0$$

$$\hat{Y} = \text{idem}(1 * 1 + 0 * -2 + 0) = 1$$

## Combinación 3



$$X_1^{(1)} = 1 \quad \text{relu}((1 * 1) + (1 * 1) + 0) = 2$$

$$X_2^{(1)} = 1 \quad \text{relu}((1 * 1) + (1 * 1) + (-1)) = 1$$

$$\hat{Y} = \text{idem}(2 * 1 + 1 * -2 + 0) = 0$$

Combinación 4

# Capa 1

$$\text{relu}(1 * x_1 + 1 * x_2 + 0)$$

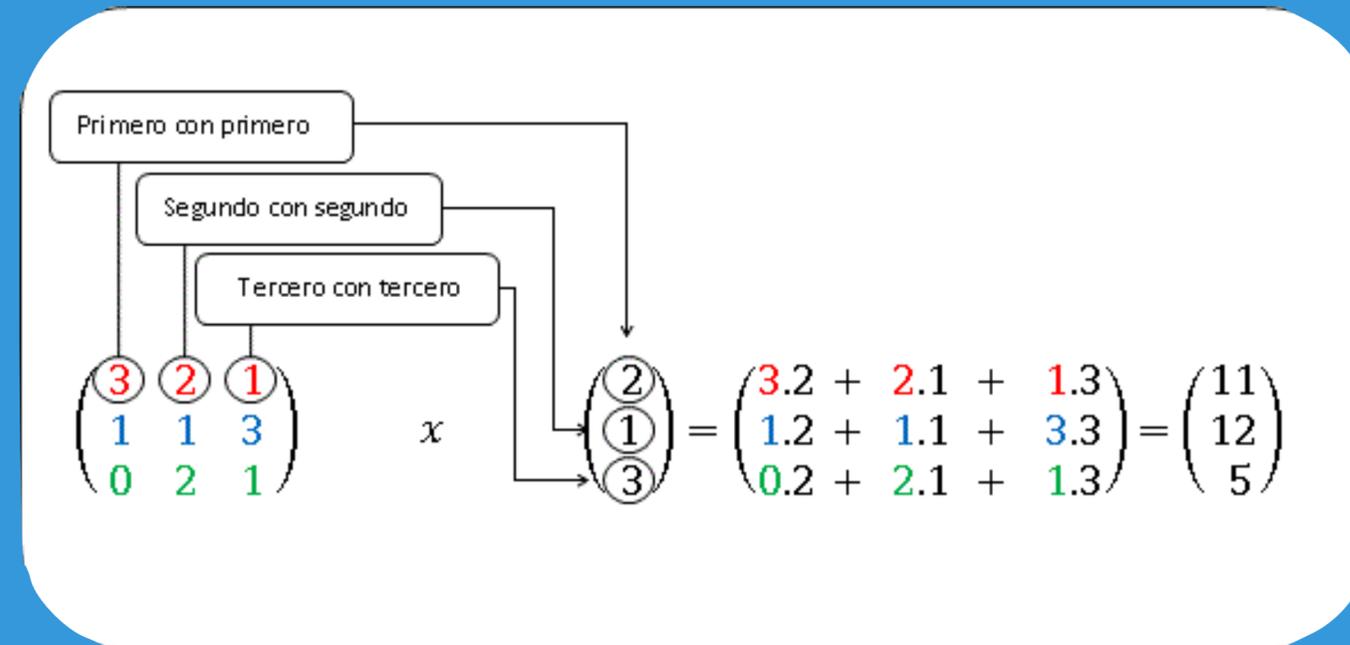
$$\text{relu}(1 * x_1 + 1 * x_2 - 1)$$

$$\text{relu}\left( \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ -1 \end{bmatrix} \right)$$

¡ Veamos otro punto de vista !

# Capa 2

$$\text{idem}\left( \begin{bmatrix} 1 & -2 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \right)$$



¡ Veamos otro punto de vista !

**Vector**

$$\begin{bmatrix} \mathbf{x}_1 \\ \mathbf{x}_2 \end{bmatrix}$$

$$v = W * x + b$$

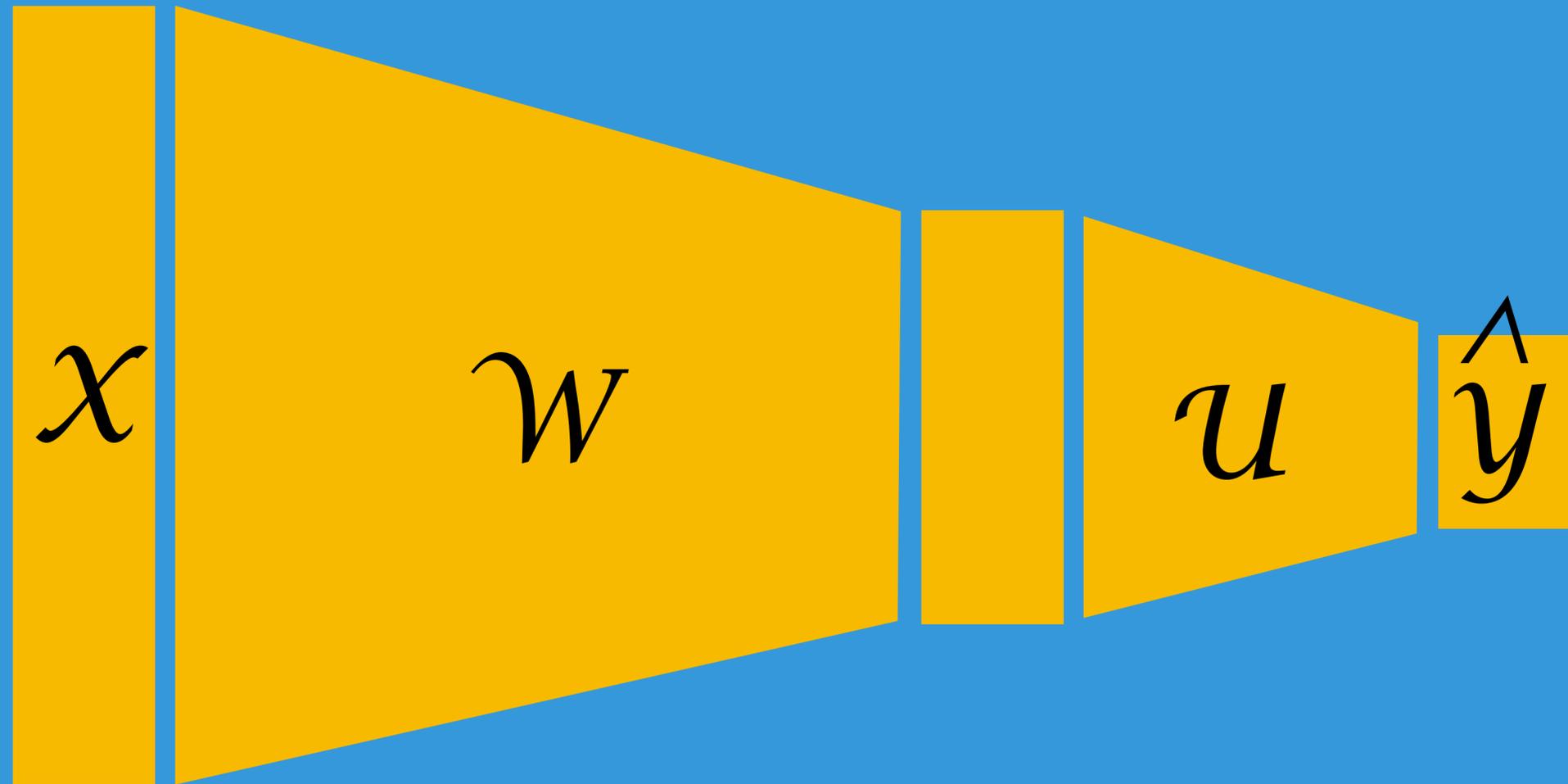
$$u = \text{relu}(v)$$

$$\hat{y} = Uu$$

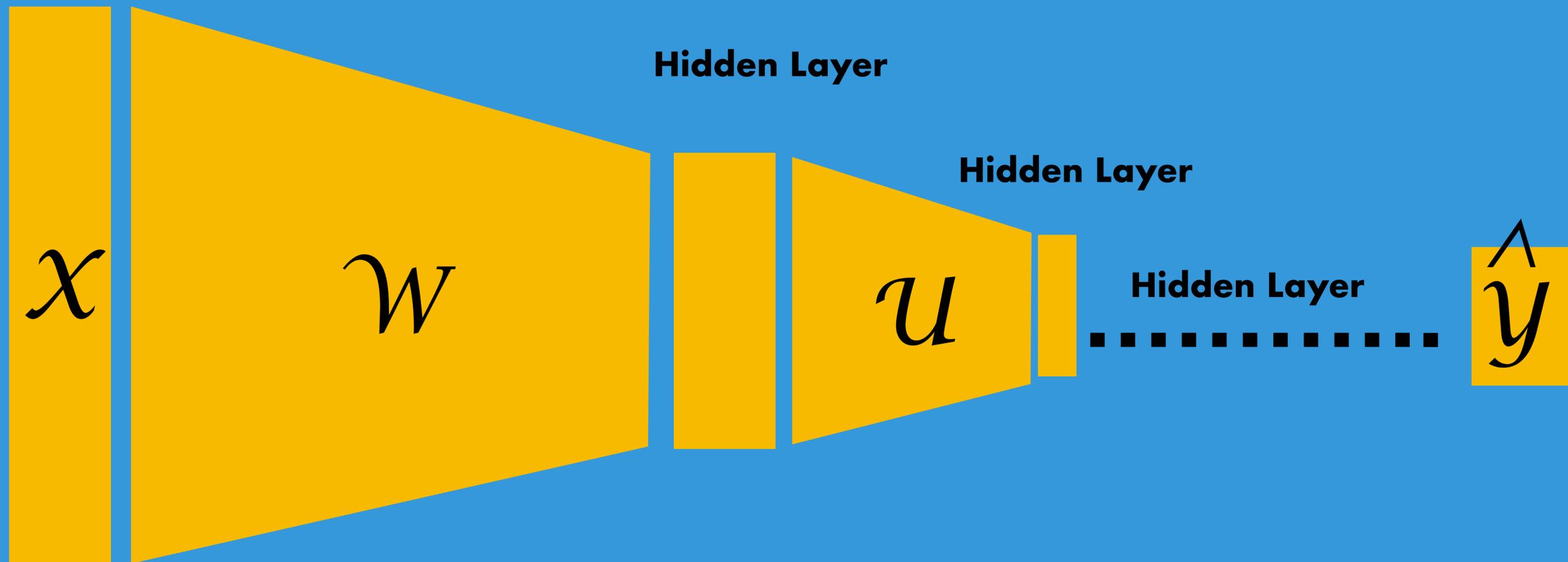
De forma general



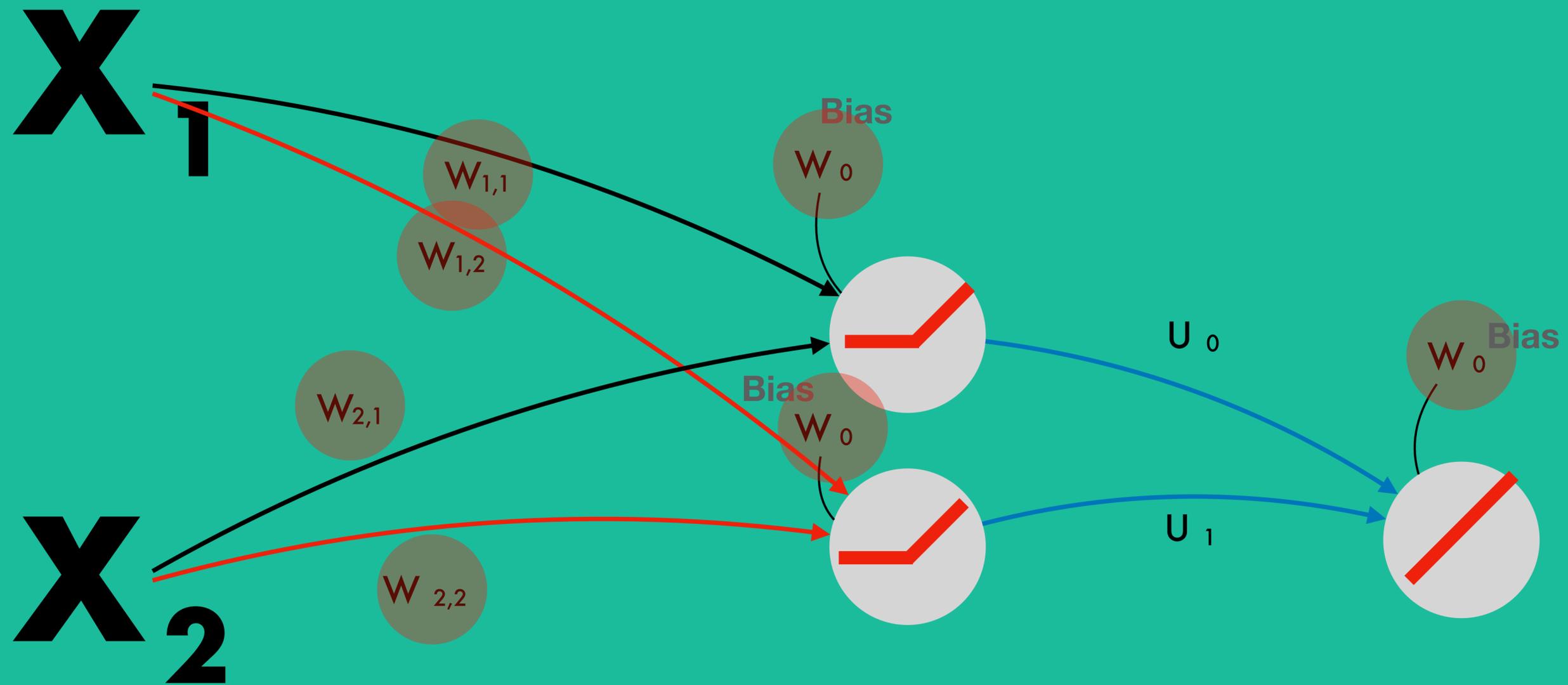
¿Pero que son esas capas?



Visto en capas .....



Visto en capas .....



# Hiper parámetros



¿Redes que generan Redes?

# Salidas

- **Clasificación Binaria**
- **Clasificación multiclase**

Cada salida es una probabilidad de que se de la clase

## Problemas

# Funciones



## Softmax Function

$$F(X_i) = \frac{\text{Exp}(X_i) \quad i = 0, 1, 2, \dots, k}{\sum_{j=0}^k \text{Exp}(X_j)}$$



## Sigmoid Function

$$F(X_i) = \frac{1}{1 + \text{Exp}(-X_i)}$$

VS

# Como entreno ?

$$((\mathbf{X}^{(1)}, \mathbf{Y}^{(2)}), \dots, (\mathbf{X}^{(n)}, \mathbf{Y}^{(n)}))$$

$$\text{Error } (\mathbf{X}^{(i)}, \mathbf{Y}^{(i)})$$

Para todos los casos

$$\frac{1}{N} \sum \text{Error } (\mathbf{X}^{(i)}, \mathbf{Y}^{(i)})$$

Entrenamiento

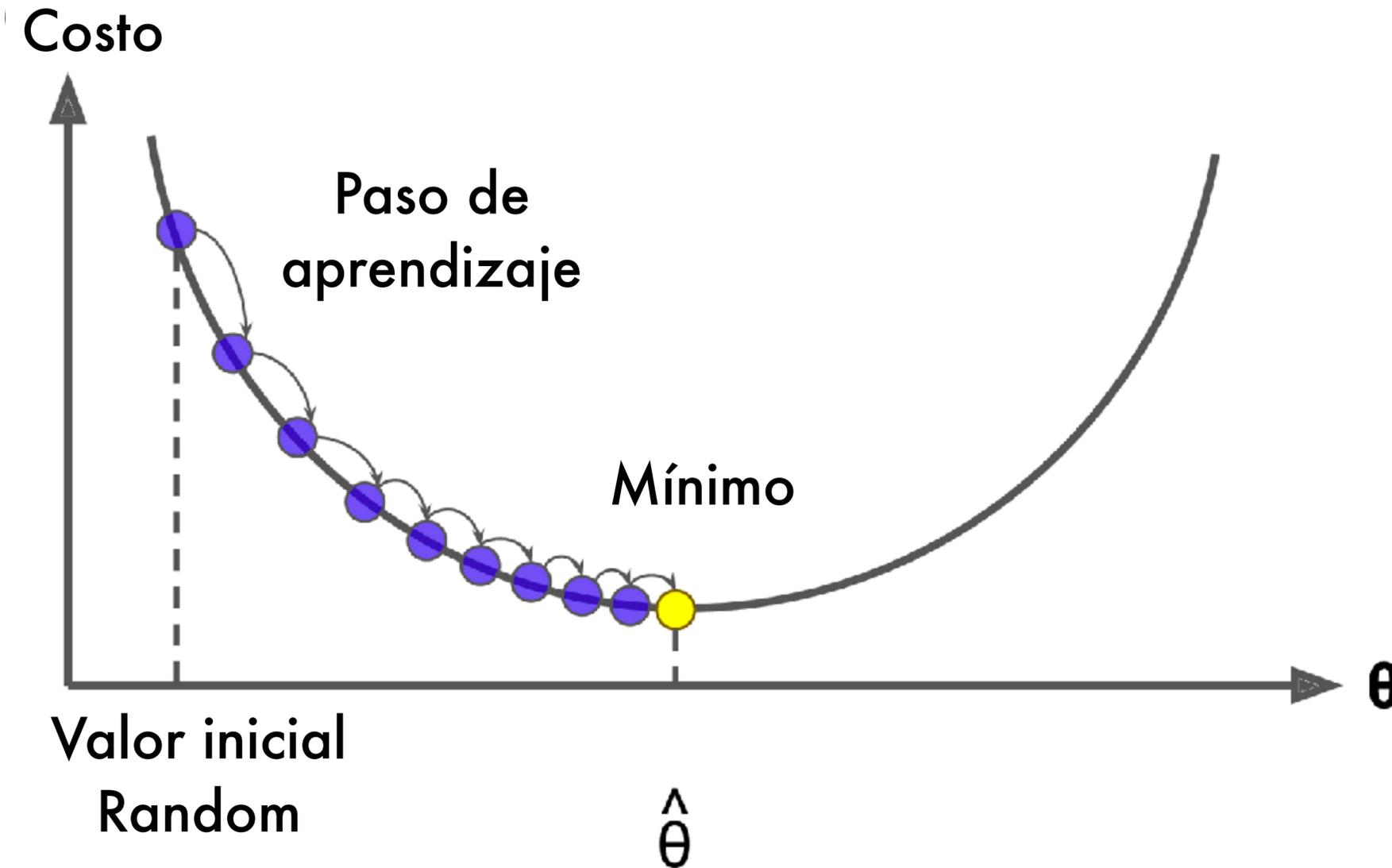
# Debemos encontrar todos los valores de

$$\mathbf{W}^{(i)} \mathbf{U}^{(i)} \dots \mathbf{U}^{(i+n)} = \theta$$

$$\frac{1}{N} \sum \text{Error}(\mathbf{X}^{(i)}, \mathbf{Y}^{(i)}) = \mathcal{L}$$

Y por donde comenzamos?

# Ahora debemos achicar el error



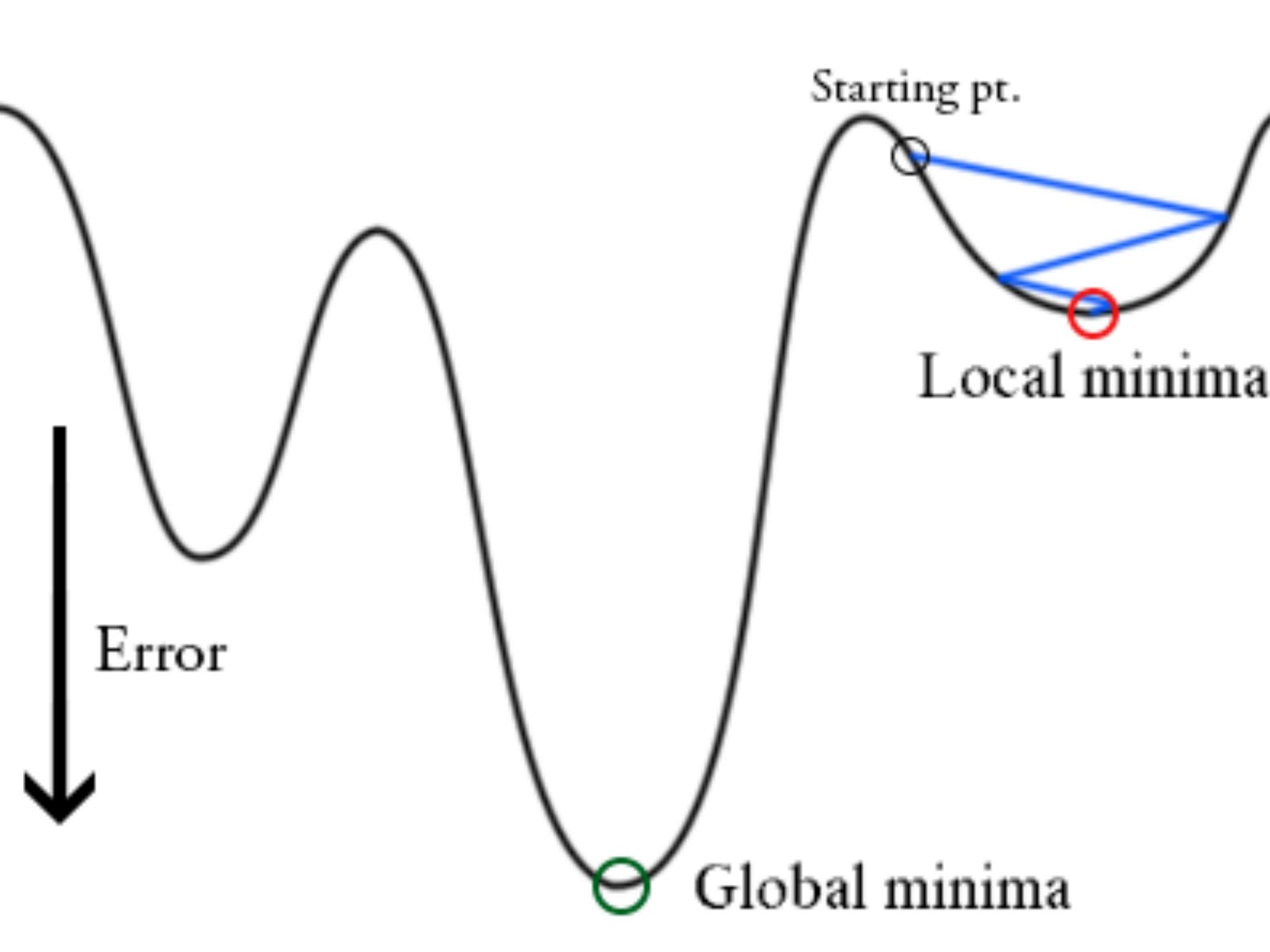
Ahora entrenamos con descenso de gradiente

Lo que aprendemos  
(Ademas es otro hiperparametro)

Error

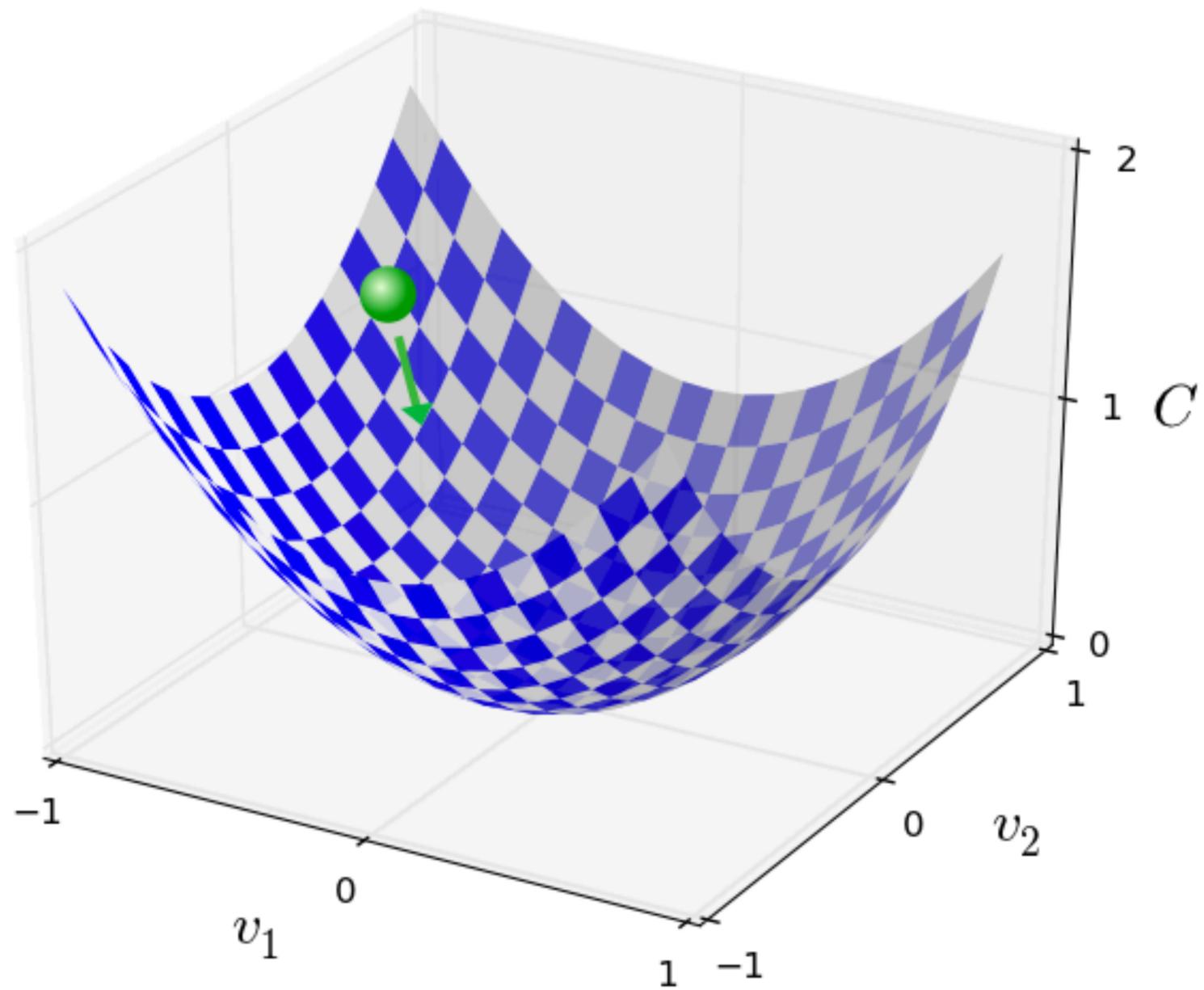
$$\theta_1 := \theta_1 - \alpha \frac{d}{d\theta_1} J(\theta_1, \theta_2)$$

Gradiente = Derivar



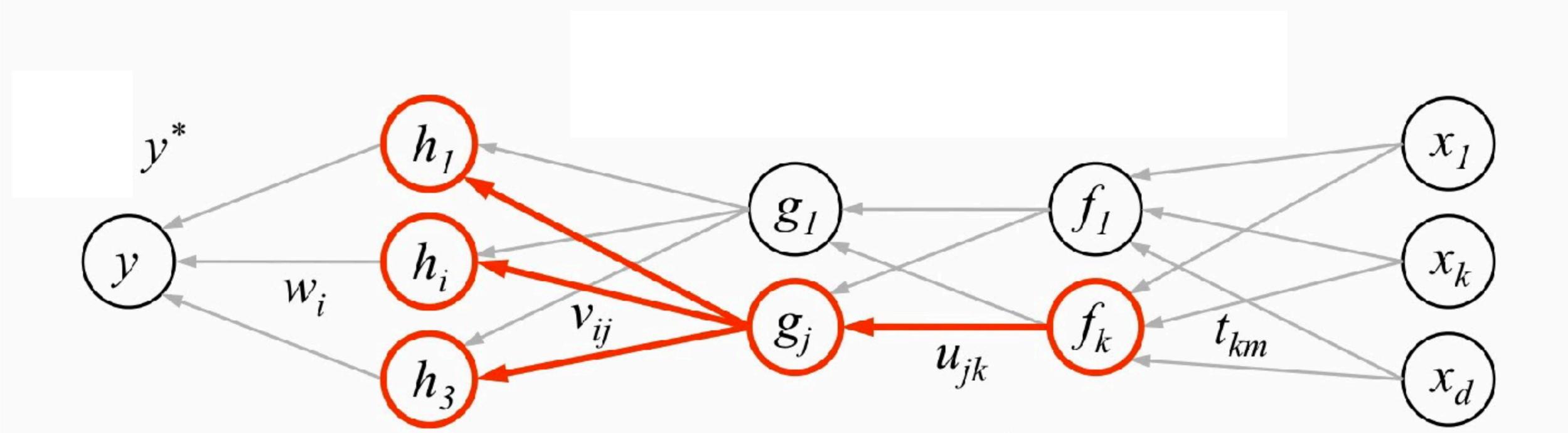
Como evitamos caer en mínimos locales???

Descenso estocastico de gradiente



Tomamos un rango (conjunto) y calculamos el error. Luego pasamos a otro rango y se calcula nuevamente el error

Descenso estocastico de gradiente

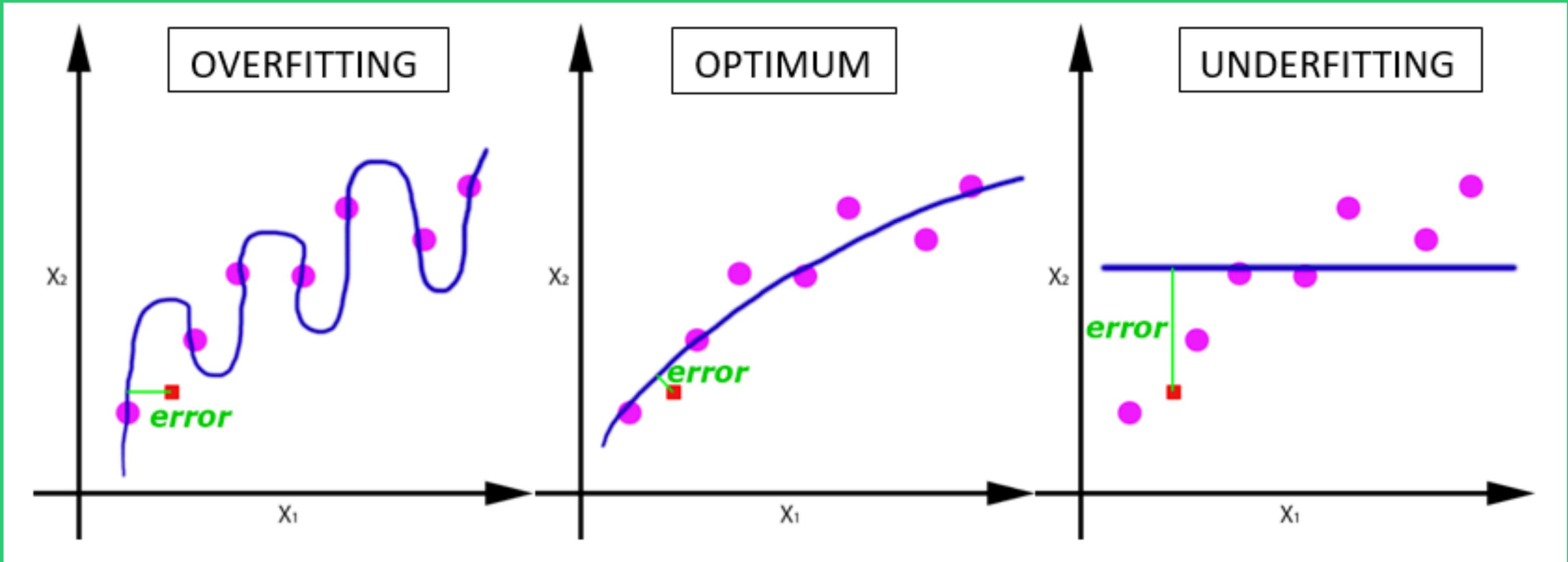


- 1) Se elige una salida valida y una entrada valida
- 2) Se hace el calculo al revés en la red , por cada **gj** en cada capa se computa **gj** basado en unidades de **fk** de la capa anterior

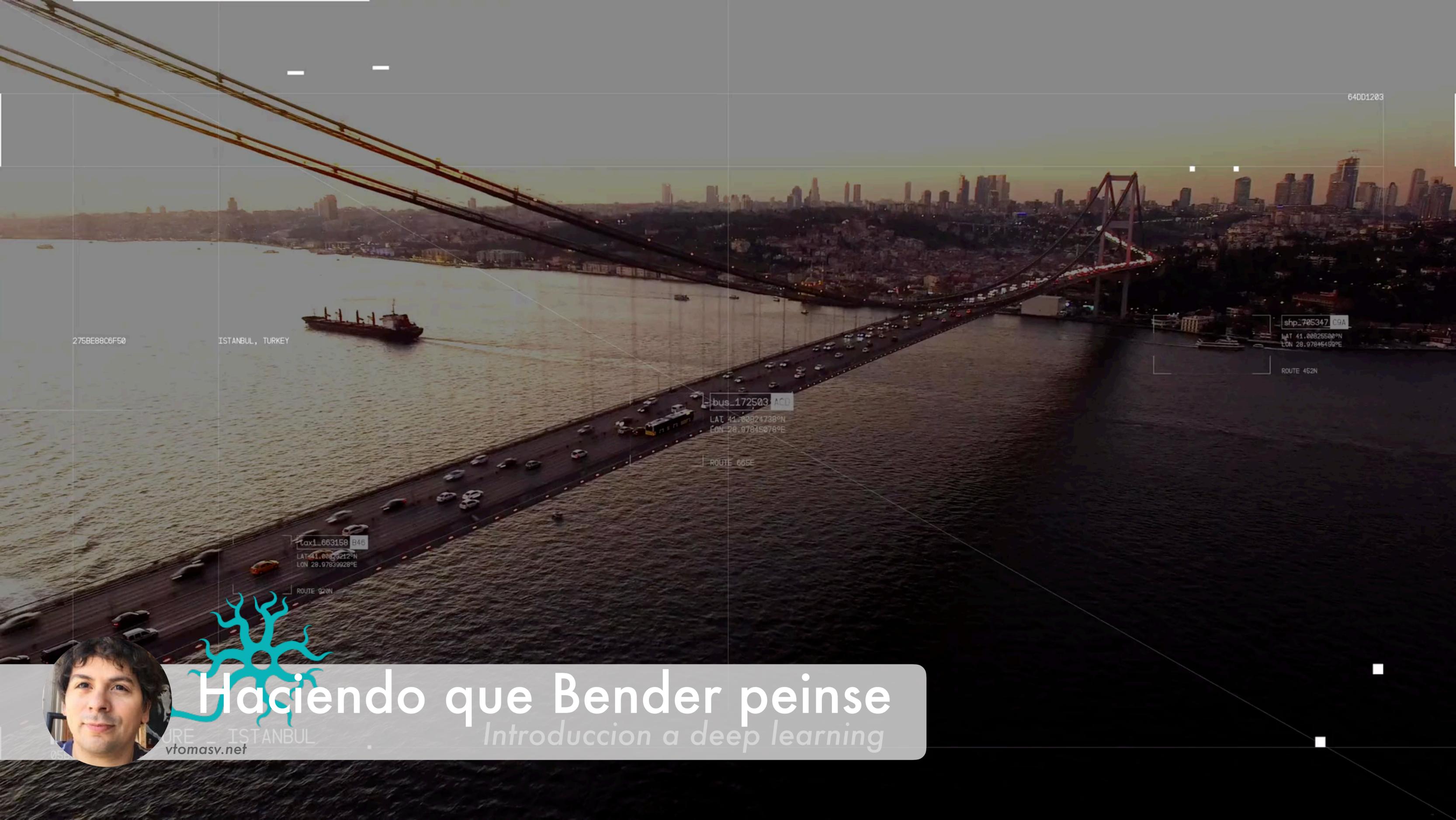
$$g_j = \sigma \left( u_{j0} + \sum_k u_{jk} f_k \right)$$

- 3) Se obtiene la prediccion y el error
- 4) Se propaga el error por cada unidad **gj** en cada capa

# Back Propagation



# Optimizando NN



640D1203

275BE88C6F50

ISTANBUL, TURKEY

shp\_705347 CGA

LAT 41.00825500°N  
LON 28.97845450°E

ROUTE 452N

bus\_172503 ACD

LAT 41.00824738°N  
LON 28.97845078°E

ROUTE 66SE

taxi\_663158 B46

LAT 41.00839212°N  
LON 28.97839928°E

ROUTE 920N



# Haciendo que Bender peinse

*Introduccion a deep learning*

URE \_ ISTANBUL  
vtomasv.net